МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования "Российский государственный геологоразведочный университет имени Серго Орджоникидзе"

(МГРИ)

Специальные разделы высшей математики

рабочая программа дисциплины (модуля)

Закреплена за кафедрой Высшей математики и физики

Учебный план b090302_25_BIS25.plx

09.03.02 Информационные системы и технологии

Квалификация Бакалавр

Форма обучения очная

Общая трудоемкость 4 ЗЕТ

Часов по учебному плану 0 Виды контроля в семестрах:

в том числе:

 аудиторные занятия
 0

 самостоятельная работа
 0

Распределение часов дисциплины по семестрам

| Семестр (<Курс>.<Семестр на курсе>) | 4 (2.2) | | Итого | | |
|---|---------|-------|-------|-------|--|
| Недель | 14 | | | | |
| Вид занятий | УП | РΠ | УП | РΠ | |
| Лекции | 14 | 16 | 14 | 16 | |
| Практические | 28 | 48 | 28 | 48 | |
| Иные виды контактной работы | 2,35 | 2,35 | 2,35 | 2,35 | |
| Итого ауд. | 44,35 | 66,35 | 44,35 | 66,35 | |
| Контактная работа | 44,35 | 66,35 | 44,35 | 66,35 | |
| Сам. работа | 72,65 | 50,65 | 72,65 | 50,65 | |
| Часы на контроль | 27 | 27 | 27 | 27 | |
| Итого | 144 | 144 | 144 | 144 | |

| | 1. ЦЕЛИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ) |
|-----|---|
| | Целью изучения дисциплины «Специальные главы математики» является создание предметной базы для дальнейшего обучения студентов, а также для проведения научно-исследовательской работы по выбранной специальности и решения прикладных задач в профессиональной деятельности. |
| 1.2 | Задачами курса является качественное усвоение элементов теории поля, операционного исчисления, теории рядов, элементов теории функций комплексного переменного, используемых для анализа и обработки информации и моделирования процессов и явлений, а также при поиске оптимальных решений и способов их реализации в области профессиональной деятельности. |

| | 2. МЕСТО ДИСЦИ | ПЛИНЫ (МОДУЛЯ) В СТРУКТУРЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ |
|-------|-------------------------------------|--|
| Ц | икл (раздел) ОП: | Б1.В |
| 2.1 | Требования к предварі | ительной подготовке обучающегося: |
| 2.1.1 | Линейная алгебра и анал | питическая геометрия |
| | Дисциплины (модули) предшествующее: | и практики, для которых освоение данной дисциплины (модуля) необходимо как |
| 2.2.1 | Математические основы | криптографии |
| 2.2.2 | Теория информации | |

| 3. КОМПЕТЕНЦИИ ОБУЧАЮЩЕГОСЯ, ФОРМИРУЕМЫЕ В РЕЗУЛЬТАТЕ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ |
|---|
| (МОДУЛЯ) |
| УК-1: Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход д |

| УК-1: Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для | | | | | | |
|---|--|--|--|--|--|--|
| решения поставленных задач | | | | | | |
| нать: | | | | | | |
| меть: | | | | | | |
| владеть: | | | | | | |

| ПК-1.3: Способен осуществлять проведение работ по обработке и анализу технической информации и результатам |
|--|
| исследований |
| песнедования |
| Знать: |
| Уметь: |

| ПК-2.3: Способен проводить анализ возможностей реализации требований к компьютерному программному | | | | | | |
|---|--|--|--|--|--|--|
| обеспечению | | | | | | |
| Знать: | | | | | | |
| Уметь: | | | | | | |
| Владеть: | | | | | | |

В результате освоения дисциплины (модуля) обучающийся должен

Владеть:

| 3.1 | Знать: |
|-------|--|
| 3.1.1 | основные понятия теории пределов и непрерывности функций одной и нескольких действительных переменных; |
| 3.1.2 | основные методы дифференциального исчисления функций одной и нескольких действительных переменных; |
| 3.1.3 | основные методы интегрального исчисления функций одной и нескольких действительных переменных; |
| 3.1.4 | основные методы исследования числовых и функциональных рядов; |
| 3.1.5 | основные задачи теории функций комплексного переменного; |
| 3.1.6 | основные типы обыкновенных дифференциальных уравнений и методы их решения; |
| 3.1.7 | основные понятия и задачи векторной алгебры и аналитической геометрии; |
| 3.1.8 | основные свойства алгебраических структур; |
| 3.1.9 | основы линейной алгебры над произвольными полями; |
| 3.2 | Уметь: |
| 3.2.1 | исследовать функциональные зависимости, возникающие для решения стандартных прикладных задач; |
| 3.2.2 | использовать типовые модели и методы математического анализа для решения |
| 3.2.3 | стандартных прикладных задач; |
| 3.2.4 | проводить типовые расчеты с использованием основных формул дифференциального и интегрального исчисления; |
| 3.2.5 | пользоваться справочными материалами по математическому анализу; |

| | строить и изучать математические модели конкретных явлений и процессов для решения расчетных и исследовательских задач; |
|--------|---|
| 3.2.7 | решать основные задачи векторной алгебры и аналитической геометрии; |
| 3.2.8 | решать основные задачи линейной алгебры, системы линейных уравнений над полями; |
| 3.2.9 | использовать методы аналитической геометрии и векторной алгебры в смежных дисциплинах и физике; |
| 3.2.10 | использовать методы линейной алгебры для решения прикладных задач; |
| 3.3 | Владеть: |

| 4. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ) | | | | | | | |
|---|---|-------------------|-------|------------------|------------|---------------|------------|
| Код занятия | Наименование разделов и тем /вид занятия/ Раздел 1. Векторный анализ | Семестр / Курс | Часов | Компетен- ции | Литература | Инте ракт. | Примечание |
| 1.1 | Скалярное поле. Поверхности и линии уровня. Производная по направлению. Градиент. Векторное поле. Векторные линии. /Лек/ | 4 | 1 | | Л1.2 Л1.1 | 0 | |
| 1.2 | Задача о потоке жидкости. Поток векторного поля. Ориентация поверхности. Поверхностные интегралы 2-го рода. Вычисление поверхностных интегралов 2 методом проектирования на координатные плоскости. /Лек/ | 4 | 1 | | Л1.2 Л1.1 | 0 | |
| 1.3 | Формула Гаусса-Остроградского. Дивергенция. Соленоидальное поле. Оператор Гамильтона. /Лек/ | 4 | 1 | | Л1.2 Л1.1 | 0 | |
| 1.4 | Скалярное поле. Поверхности и линии уровня. Производная по направлению. Градиент. /Пр/ | 4 | 2 | | Л1.2 Л1.1 | 0 | |
| 1.5 | Поверхностные интегралы 2-го рода. Вычисление методом проектирования на координатные плоскости. /Пр/ | 4 | 2 | | Л1.2 Л1.1 | 0 | |
| 1.6 | Формула Гаусса-Остроградского. /Пр/ | 4 | 2 | | Л1.2 Л1.1 | 0 | |
| 1.7 | Ротор. Циркуляция. Теорема Стокса. Потенциальное поле. Нахождение потенциала. /Пр/ Раздел 2. Ряды | 4 | 2 | | Л1.2 Л1.1 | 0 | |
| 2.1 | Необходимый признак сходимости ряда. Гармонический ряд. Ряды с положительными членами. Признак сравнения, предельный признак, признак Даламбера. /Лек/ | 4 | 1 | | Л1.2 Л1.1 | 0 | |
| 2.2 | Ряд Фурье функции. Теорема о равномерной сходимости и признак Дирихле для рядов Фурье. /Лек/ | 4 | 1 | | Л1.2 Л1.1 | 0 | |
| 2.3 | Ряд Тейлора. Разложение в степенные ряды элементарных функций. Применение рядов к приближенным вычислениям. /Лек/ | 4 | 1 | | Л1.2 Л1.1 | 0 | |
| 2.4 | Ряды. Признаки сравнения. /Пр/ | 4 | 2 | | Л1.2 Л1.1 | 0 | |
| 2.5 | Признак Даламбера. Признак Коши. Интегральный признак. /Пр/ | 4 | 2 | | Л1.2 Л1.1 | 0 | |
| 2.6 | Знакочередующиеся и знакопеременные ряды. /Пр/ | 4 | 2 | | Л1.2 Л1.1 | 0 | |
| 2.7 | Равномерная сходимость функциональных рядов. Признак Вейерштрасса. /Пр/ | 4 | 2 | | Л1.2 Л1.1 | 0 | |
| 2.8 | Разложение функций в ряд Фурье. /Пр/ | 4 | 2 | | Л1.2 Л1.1 | 0 | |
| 2.9 | Разложение функций в ряд Фурье. /Пр/ | 4 | 2 | | Л1.2 Л1.1 | 0 | |

| 2.10 | Нахождение области сходимости степенного ряда. /Пр/ | 4 | 2 | Л1.2 Л1.1 | 0 | |
|------|---|---|-------|-----------|---|--|
| 2.11 | Разложение функций в степенные ряды. /Пр/ | 4 | 2 | Л1.2 Л1.1 | 0 | |
| 2.12 | Приближенные вычисления значений функций с помощью степенных рядов. /Пр/ | 4 | 2 | Л1.2 Л1.1 | 0 | |
| 2.13 | Применение степенных рядов к вычислению пределов и определенных интегралов. /Пр/ | 4 | 2 | Л1.2 Л1.1 | 0 | |
| 2.14 | Выполнение индивидуальных домашних заданий /Ср/ | 4 | 18,65 | Л1.2 Л1.1 | 0 | |
| | Раздел 3. Элементы теории функций комплексного переменного | | | | | |
| 3.1 | Понятие функции комплексного переменного. Элементарные функции, гиперболические функции. Понятие предела функции комплексного переменного. Непрерывность функции комплексного переменного. Производная и дифференциал функции комплексного переменного. /Лек/ | 4 | 1 | Л1.2 Л1.1 | 0 | |
| 3.2 | Интегрирование функций комплексного переменного. Свойства интеграла. Теорема Коши. Формула Ньютона-Лейбница. /Лек/ | 4 | 1 | Л1.2 Л1.1 | 0 | |
| 3.3 | Понятие вычета функции. Теорема Коши о вычетах. Вычисление вычетов /Лек/ | 4 | 1 | Л1.2 Л1.1 | 0 | |
| 3.4 | Вычисление определенных интегралов функции комплексного переменного с использованием вычетов. /Лек/ | 4 | 1 | Л1.2 Л1.1 | 0 | |
| 3.5 | Элементарные функции комплексного переменного. Производная и дифференциал функции комплексного переменного. /Пр/ | 4 | 2 | Л1.2 Л1.1 | 0 | |
| 3.6 | Аналитические функции. Отыскание аналитической функции по действительной или мнимой частям. /Пр/ | 4 | 2 | Л1.2 Л1.1 | 0 | |
| 3.7 | Интегрирование функций комплексного переменного. Разложение функции комплексного переменного в ряд Тейлора и ряд Лорана. /Пр/ | 4 | 2 | Л1.2 Л1.1 | 0 | |
| 3.8 | Особые точки аналитической функции. Классификация особых точек. /Пр/ | 4 | 2 | Л1.2 Л1.1 | 0 | |
| 3.9 | Вычеты. Вычисление вычетов. /Пр/ | 4 | 2 | Л1.2 Л1.1 | 0 | |
| 3.10 | Вычисление определенных интегралов функции комплексного переменного с использованием вычетов. /Пр/ | 4 | 2 | Л1.2 Л1.1 | 0 | |
| 3.11 | Вычисление несобственных интегралов от действительной переменной с использованием вычетов. /Пр/ | 4 | 2 | Л1.2 Л1.1 | 0 | |
| 3.12 | Подготовка к контрольным точкам /Ср/ Раздел 4. Элементы операционного исчисления | 4 | 10 | Л1.2 Л1.1 | 0 | |

| 4.1 | Интеграл Лапласа. Оригинал и изображение. Теорема существования изображения. Основные теоремы операционного исчисления. /Лек/ | 4 | 2 | Л1.2 Л1.1 | 0 | |
|-----|---|---|------|-----------|---|--|
| 4.2 | Изображение некоторых функций. Таблица оригиналов и изображений. /Лек/ | 4 | 2 | Л1.2 Л1.1 | 0 | |
| 4.3 | Применение операционного исчисления к решению уравнений и систем уравнений. /Лек/ | 4 | 2 | Л1.2 Л1.1 | 0 | |
| 4.4 | Нахождение изображений по заданному оригиналу. /Пр/ | 4 | 2 | Л1.2 Л1.1 | 0 | |
| 4.5 | Нахождение оригинала по заданному изображению. /Пр/ | 4 | 2 | Л1.2 Л1.1 | 0 | |
| 4.6 | Решение уравнений и систем операционным методом. /Пр/ | 4 | 2 | Л1.2 Л1.1 | 0 | |
| 4.7 | Подготовка к экзамену /Ср/ | 4 | 22 | Л1.2 Л1.1 | 0 | |
| 4.8 | Экзамен /ИВКР/ | 4 | 2,35 | Л1.2 Л1.1 | 0 | |

5. ОЦЕНОЧНЫЕ СРЕДСТВА

5.1. Контрольные вопросы и задания

- 1. Что такое оператор векторного пространства?
- 2. Как определяется собственное значение матрицы?
- 3. Что такое собственный вектор и как его найти?
- 4. Какие условия ортогональности векторов в пространстве?
- 5. В чем суть метода Гаусса для решения систем линейных уравнений?
- 6. Что такое определитель матрицы и какие у него свойства?
- 7. Как вычисляется ранг матрицы?
- 8. Что такое линейная независимость векторов?
- 9. В чем заключается метод наименьших квадратов?
- 10. Что такое евклидово пространство и какие в нем выполняются аксиомы?
- 11. Что такое тензор и как он используется в физике и инженерии?
- 12. Как определяется линейное отображение и его ядро?
- 13. Как связаны линейные операторы и матрицы?
- 14. Что такое дифференциальное уравнение в частных производных?
- 15. В чем заключается метод разделения переменных?
- 16. Как решается волновое уравнение в частных производных?
- 17. Что такое гармонические функции и где они применяются?
- 18. В чем особенности уравнения Лапласа и Пуассона?
- 19. Что такое система линейных дифференциальных уравнений?
- 20. Как используется метод вариации постоянных?
- 21. Что такое преобразование Лапласа и для чего оно используется?
- 22. Как осуществляется обратное преобразование Лапласа?
- 23. Что такое свёртка функций?
- 24. Что такое преобразование Фурье и в чем его физический смысл?
- 25. Как применяется преобразование Фурье в решении дифференциальных уравнений?
- 26. Что такое спектральное разложение функции?
- 27. Что такое ортонормированная система функций?
- 28. Что такое ряды Фурье и как они строятся?
- 29. Какие условия сходимости рядов Фурье?
- 30. Что такое обобщённые функции (распределения)?
- 31. Как определяется функция Дирака (дельта-функция)?
- 32. Что такое вариационное исчисление?
- 33. Какова суть принципа наименьшего действия?
- 34. Что такое функционал и как его минимизировать?
- 35. Как формулируется задача Эйлера в вариационном исчислении?
- 36. Что такое множители Лагранжа и для чего они используются?
- 37. Как используется теория матриц в механике и инженерии?
- 38. Что такое симметричная и кососимметричная матрица? 39. В чем смысл сингулярного разложения матрицы?
- 40. Что такое краевая задача и как она решается?
- 41. Что такое система уравнений в частных производных гиперболического типа?
- 42. В чем суть численных методов решения дифференциальных уравнений?
- 43. Что такое метод конечных разностей?

- 44. Что такое метод конечных элементов?
- 45. Что такое устойчивость численного метода?
- 46. Какова роль функции Грина в решении краевых задач?
- 47. Что такое интеграл по поверхности и как его вычислить?
- 48. Что такое тождество Гаусса-Остроградского?
- 49. Каковы применения дивергенции, ротора и градиента в математической физике?
- 50. Что такое функциональный анализ и где он применяется?

5.2. Темы письменных работ

не предусмотрены

5.3. Оценочные средства

Рабочая программа "Специальные разделы высшей математики" обеспечена оценочными средствами для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации, включающими контрольные вопросы для проведения промежуточной аттестации, критерии оценивания учебной деятельности обучающихся по балльно-рейтинговой системе, примеры заданий для практических и лабораторных занятий, билеты для проведения промежуточной аттестации. Все оценочные средства представлены в Приложении 1.

5.4. Перечень видов оценочных средств

Оценочные средства разработаны для всех видов учебной деятельности студента - лекций, практических занятий, самостоятельной работы и промежуточной аттестации. Оценочные средства представлены в виде:

- средства текущего контроля: проверочных работ по решению задач, дискуссии по теме;
- средств итогового контроля промежуточной аттестации: экзамена в 3 семестре.

| | 6. УЧЕБНО-МЕТОДИ | ЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСІ | циплины (МОДУЛЯ) | | | | | | |
|----------------------------|--|--|-----------------------------|--|--|--|--|--|--|
| | 6.1. Рекомендуемая литература | | | | | | | | |
| 6.1.1. Основная литература | | | | | | | | | |
| | Авторы, составители | Заглавие | Издательство, год | | | | | | |
| Л1.1 | Кузнецов Л. А. | Сборник заданий по высшей математике. Типовые расчеты: учебное пособие для вузов | Санкт-Петербург: Лань, 2023 | | | | | | |
| Л1.2 | Петрушко И. М., Бараненков А. И., Богомолова Е. П. | Сборник задач и типовых расчетов по высшей математике | Санкт-Петербург: Лань, 2022 | | | | | | |
| | | 6.3.1 Перечень программного обеспечения | • | | | | | | |
| 6.3.1.1 | Office Professional Plus 2019 | | | | | | | | |
| 6.3.1.2 | Windows 10 | | | | | | | | |
| 6.3.1.3 | МТС-Линк | Комплексная платформа для коммуникаций, обучения и совместной работы, разработанная с использованием современных технологий. Доступны десктопные и мобильные приложения для удобной работы с системой. | | | | | | | |
| | | 6.3.2 Перечень информационных справочных систем | | | | | | | |
| 6.3.2.1 | Электронно-библиотечная система «Книжный Дом Университета» ("БиблиоТех") | | | | | | | | |
| 6.3.2.2 | Электронно-библиотечная система "Лань" Доступ к коллекциям электронных изданий ЭБС "Издательство "Лань" | | | | | | | | |
| 6.3.2.3 | База данных научных электронных журналов "eLibrary" | | | | | | | | |

| 7. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ) | | | | | |
|--|----------------------------|----------------------------|-----|--|--|
| Аудитория | Назначение | Оснащение | Вид | | |
| 1 | Специализированная | Столы обучающихся; | | | |
| | многофункциональная | Стулья обучающихся; | | | |
| | учебная аудитория № 1 для | Письменный стол | | | |
| | проведения учебных занятий | педагогического работника; | | | |
| | лекционного и семинарского | Стул педагогического | | | |
| | типов, групповых и | работника; | | | |
| | индивидуальных | Кафедра; | | | |
| | консультаций, текущего | Магнитно-маркерная доска; | | | |
| | контроля и промежуточной/ | Мультимедийный проектор; | | | |
| | итоговой аттестации | Экран; | | | |
| | | Ноутбук с возможностью | | | |
| | | подключения к сети | | | |
| | | «Интернет» и обеспечением | | | |
| | | доступа к электронной | | | |
| | | информационно- | | | |
| | | образовательной среде | | | |

| 3 | Спаниализиворочная | Компьютерные столы | |
|---|---|--|--|
| 3 | Специализированная многофункциональная | обучающихся; | |
| | учебная аудитория № 3 для | Стулья обучающихся; | |
| | проведения учебных занятий | Письменный стол | |
| | семинарского типа, | педагогического работника; | |
| | | | |
| | групповых и | Стул педагогического работника; | |
| | индивидуальных | Стеллаж для учебно- | |
| | консультаций, текущего | | |
| | контроля и промежуточной/ итоговой аттестации | методических материалов, в | |
| | итоговой аттестации | том числе учебно-наглядных пособий; | |
| | | Многофункциональное | |
| | | | |
| | | устройство (принтер, сканер, ксерокс); | |
| | | | |
| | | Интерактивная доска; | |
| | | Мультимедийный проектор; | |
| | | Ноутбуки с возможностью | |
| | | подключения к сети | |
| | | «Интернет» и обеспечением | |
| | | доступа к электронной информационно- | |
| | | | |
| _ | H 10.5 | образовательной среде | |
| 5 | Помещение № 5 для | Письменный стол | |
| | самостоятельной работы | обучающегося; | |
| | обучающихся | Стул обучающегося; | |
| | | Письменный стол | |
| | | обучающегося с | |
| | | ограниченными | |
| | | возможностями здоровья; | |
| | | Стул обучающегося с | |
| | | ограниченными | |
| | | возможностями здоровья; | |
| | | Ноутбук с возможностью | |
| | | подключения к сети | |
| | | «Интернет» и обеспечением | |
| | | доступа к электронной | |
| | | информационно- | |
| | | образовательной среде | |
| | | лицензиата; | |
| | | Моноблок (в том числе, | |
| | | клавиатура, мышь, | |
| | | наушники) с возможностью | |
| | | подключения к сети | |
| | | «Интернет» и обеспечением | |
| | | доступа к электронной | |
| | | информационно- | |
| | | образовательной среде | |

| Ауд. 8 | Аудитория для научно- | Рабочие места на базе | |
|--------|---------------------------|------------------------------|--|
| | исследовательской работы | вычислительной техники с | |
| | обучающихся, курсового и | набором необходимых для | |
| | дипломного проектирования | проведения и оформления | |
| | № 8 | результатов исследований | |
| | | дополнительных аппаратных | |
| | | и/или программных средств; | |
| | | Письменный стол | |
| | | обучающегося; | |
| | | Стул обучающегося; | |
| | | Письменный стол | |
| | | обучающегося с | |
| | | ограниченными | |
| | | возможностями здоровья; | |
| | | Стул обучающегося с | |
| | | ограниченными | |
| | | возможностями здоровья; | |
| | | Ноутбук с возможностью | |
| | | подключения к сети | |
| | | «Интернет» и обеспечением | |
| | | доступа к электронной | |
| | | информационно- | |
| | | образовательной среде | |
| | | лицензиата; | |
| | | Моноблок (в том числе, | |
| | | клавиатура, мышь, | |
| | | наушники) с возможностью | |
| | | подключения к сети | |
| | | «Интернет» и обеспечением | |
| | | доступа к электронной | |
| | | информационно- | |
| | | образовательной среде; | |
| | | Многофункциональное | |
| | | устройство (принтер, сканер, | |
| | | ксерокс). | |

8. МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ДЛЯ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Методические указания по изучению дисциплины "Специальные разделы высшей математики" представлены в Приложении 2 и включают в себя:

- 1. Методические указания для обучающихся по организации учебной деятельности.
- 2. Методические указания по организации самостоятельной работы обучающихся.
- 3. Методические указания по организации процедуры оценивания знания, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций.